

Lista de exercícios.

1. Imagine que um pesquisador deseja decidir entre as hipóteses: $H_0 : \mu = 7$ e $H_1 : \mu \neq 7$. Assuma a normalidade dos dados. Determine o valores críticos para cada um dos casos a seguir:

- (a) $\alpha = 1\%$ e $n = 20$;
- (b) $\alpha = 5\%$ e $n = 12$;
- (c) $\alpha = 10\%$ e $n = 15$.

2. Imagine que um pesquisador deseja analisar uma variável aleatória $X \sim N(\mu, \sigma^2)$. Algumas informações para decidir entre as hipóteses $H_0 : \mu \leq 91$ e $H_1 : \mu > 91$ estão na Tabela 1. (Dica: o valor-p é calculado usando o R, Python e afins.)

- (a) Complete as informações da Tabela 1. Use $\alpha = 1\%$.
- (b) E se as hipóteses fossem $H_0 : \mu = 90$ e $H_1 : \mu \neq 90$, qual seria a sua decisão? Use $\alpha = 99\%$.

Tamanho da amostra	\bar{x}	s	T_0	Decisão	valor-p	H_0	H_1
20	92,379	0,717				$\mu \leq 91$	$\mu > 91$

Tabela 1: Algumas informações do experimento.

3. Um estudo analisa as propriedades de inércia térmica do concreto aerado autoclavado usado como material de construção. Cinco amostras deste material foram testadas, e as temperaturas (em graus Celsius) do interior das amostas foram: 23,01; 22,22; 22,04; 22,62 e 22,59. Assuma que a temperatura do interior do material tem distribuição normal.

- (a) Decida entre as hipóteses: $H_0 : \mu = 22,5$ e $H_1 : \mu \neq 22,5$. Use $\alpha = 5\%$;
- (b) Qual o valor-p? (Dica: precisa usar o R, Python e afins.)

4. A quantidade de sódio nas caixas com 300 gramas de cereais matinais foi analisado. Os dados estão na Tabela 2.

- (a) Os dados suportam a afirmação que quantidade média de sódio dos cereais matinais é diferente de 130 miligramas? Use $\alpha = 5\%$.
- (b) Qual o valor-p? (Dica: precisa usar o R, Python ou afins).

131,15	130,91	129,64	130,72	128,24	130,14	128,71	129,39	129,53	129,78
130,69	129,54	128,77	128,33	129,65	129,29	129,00	130,42	130,12	130,92

Tabela 2: Quantidade de sódio nos cereais matinais em miligramas.

5. Acredita-se a temperatura oral humana normal é aproximadamente $37,06^{\circ}C$, mas alguns estudos mais recentes indicam que a temperatura oral humana pode ser $36,78^{\circ}C$. Um pesquisador selecionou 52 seres humanos adultos, e a temperatura média oral foi $\bar{x} = 36,825^{\circ}C$ e o desvio padrão tem $s = 0,625^{\circ}C$.
- (a) Quais são as hipóteses deste estudo?
- (b) Temos evidência estatística para rejeitar H_0 ? Use $\alpha = 5\%$.
6. Considere o teste de hipóteses: $H_0 : \sigma^2 = 7$ e $H_1 : \sigma^2 \neq 7$. Assuma a normalidade dos dados. Encontre os valores críticos para os seguintes casos:
- (a) $\alpha = 1\%$ e $n = 20$;
- (b) $\alpha = 5\%$ e $n = 12$;
- (c) $\alpha = 10\%$ e $n = 15$.
7. Um teste de impacto Izod foi realizado para 51 espécimes de canos de PVC. O desvio padrão foi $s = 0,37$. Assuma a normalidade dos dados.
- (a) Teste as hipóteses: $H_0 : \sigma^2 = 0,25$ e $H_1 : \sigma^2 \neq 0,25$. Use $\alpha = 5\%$.
- (b) Encontre o valor-p. (Dica: Use o R, Python e afins.)
- (c) Explique o intervalo de confiança para σ^2 com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$.
8. Um engenheiro para fabricante de pneus está investigando a vida útil dos pneus para um novo composto de borracha e construiu $n = 16$ pneus e mediu o tempo de vida em teste de estrada. O desvio padrão foi $s = 3645,94km$. Assuma a normalidade dos dados.
- (a) O desvio padrão do tempo de vida dos pneus é menor que $4000km$? Use $\alpha = 5\%$.
- (b) Encontre o valor-p. (Dica: Use o R, Python e afins.)
- (c) Construa o intervalo de confiança para σ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua decisão usando este intervalo de confiança?
9. O teor de açúcares da calda dos pêssegos enlatados tem distribuição normal. Acredita-se que a variância é $\sigma^2 = 18(\text{miligramas})^2$. Uma amostra com $n = 10$ foi coletada e obtivemos um desvio padrão $s = 4,8$ miligramas.
- (a) Decida entre as seguintes hipóteses: $H_0 : \sigma^2 = 18$ e $H_1 : \sigma^2 \neq 18$. Use $\alpha = 5\%$.
- (b) Encontre o valor-p. (Dica: Use o R, Python e afins.)
10. Imagine que um pesquisador deseja analisar uma variável aleatória $X \sim \text{Bernoulli}(p)$. Algumas informações para decidir entre as hipóteses $H_0 : p = 0,4$ e $H_1 : p \neq 0,4$ estão na Tabela 3.
- (a) Complete a Tabela 3. Use $\alpha = 5\%$.
- (b) Construa o intervalo de confiança para p . Use $\gamma = 99\%$.

Tamanho da amostra	\hat{p}	$IC(p, 95\%)$	α	Z_0	valor-p	H_0	H_1
		$(0,350086; 0,463247)$				$p = 0,4$	$p \neq 0,4$

Tabela 3: Algumas informações do experimento.

11. Imagine que um pesquisador deseja analisar uma variável aleatória $X \sim \text{Bernoulli}(p)$. Algumas informações para decidir entre as hipóteses $H_0 : p \geq 0,6$ e $H_1 : p < 0,6$ estão na Tabela 4.

- (a) Complete a Tabela 4. Use $\alpha = 5\%$.
 (b) Construa o intervalo de confiança para p . Use $\gamma = 95\%$.

Tamanho da amostra	Número de sucessos	\hat{p}	α	Z_0	valor-p	H_0	H_1
500	287					$p \geq 0,6$	$p < 0,6$

Tabela 4: Algumas informações do experimento.

12. Suponha que 500 peças foram testadas em uma linha de produção e 10 foram rejeitadas por não cumprirem as especificações técnicas.
- (a) Decida entre as hipóteses $H_0 : p = 0,03$ e $H_1 : p \neq 0,03$, em que p é a proporção de peças defeituosas desta linha de produção. Use $\alpha = 5\%$.
 (b) Encontre o valor-p.
 (c) Construa um intervalo de confiança para p com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?
13. Em uma amostra aleatória de 300 circuitos, 13 eram defeituosos.
- (a) Decida entre as hipóteses $H_0 : p = 0,05$ e $H_1 : p \neq 0,05$, em que p é a proporção de circuitos defeituosos. Use $\alpha = 5\%$.
 (b) Calcule o valor-p.
 (c) Construa um intervalo de confiança para p com coeficiente de confiança $\gamma = 99\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?
14. Um anúncio publicitário afirma que a bateria para celular de uma certa companhia duram 48 horas. Um órgão de defesa do consumidor coletou 5000 baterias e 15 baterias se esgotaram antes de 48 horas. Existe evidência estatística de que a proporção das baterias que duram menos que 48 é menor que 2% para as baterias dessa companhia? Use $\alpha = 1\%$. Encontre o valor-p.
15. Uma amostra com 500 eleitores em Phoenix foram questionados se são favoráveis ao uso de combustíveis oxigenados por um ano para reduzir a emissão de poluentes. Um legislador irá propor o uso de combustíveis oxigenados se mais de 60% dos eleitores apoiarem a iniciativa.
- (a) Se a proporção de eleitores favoráveis é $p = 0,6$, qual o probabilidade do erro do tipo I?
 (b) Se a proporção de eleitores favoráveis é $p = 0,75$, qual o probabilidade do erro do tipo II?
16. Em uma amostra aleatória de 85 rolamentos de virabrequim de automóvel, 10 têm uma rugosidade de acabamento de superfície que excede as especificações. Existe evidência que a proporção de rolamentos de virabrequins de automóvel com excesso de rugosidade é maior que 10%? Use $\alpha = 5\%$.
17. Um fabricante de notebook envia os computadores completamente carregados para o uso imediato dos clientes. Devido a demora para entrega, alguns computadores podem chegar descarregados. De 105 notebooks enviados, 96 chegaram ao destino completamente carregados. Existe evidência que pelo menos 85% dos notebooks chegam ao destino completamente carregados? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
18. Em uma amostra aleatória de 500 CEP escritos à mão, 466 foi lido corretamente por um sistema de reconhecimento óptico de caracteres (OCR) usado pelo Serviço Postal dos Estados Unidos (USPS). Este sistema tem uma taxa de acertos no CEP de pelo menos 90%? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.